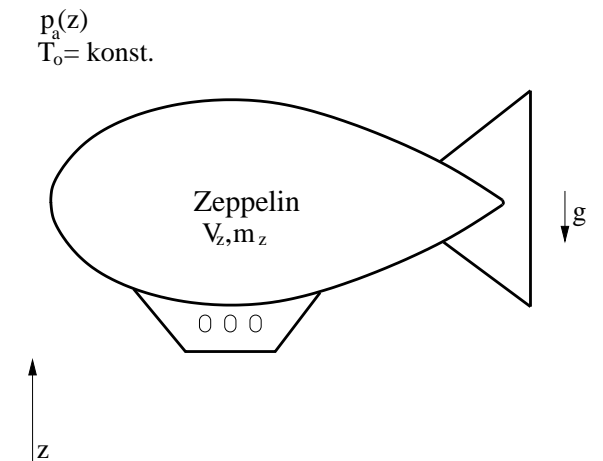


## Klausur Strömungslehre

22. 08. 2003

### 1. Aufgabe (13 Punkte)

Ein Zeppelin (Strukturmasse  $m_z = 10000 \text{ kg}$ , Volumen  $V_z = 25000 \text{ m}^3$ ) soll Passagiere (Gesamtmasse  $m_p = 1000 \text{ kg}$ ) für einen Rundflug aufnehmen. Um den Passagieren die Reise so angenehm wie möglich zu machen, darf die Vertikal-Anfangsbeschleunigung  $a$  den Wert  $a_0 = g = 10 \text{ m/s}^2$  nicht überschreiten. Der Zeppelin kann wahlweise mit Wasserstoff ( $R_{H_2} = 4124 \text{ J/(kgK)}$ ) oder Helium ( $R_{He} = 2077 \text{ J/(kgK)}$ ) befüllt werden.



Gegeben:  $V_z = 25000 \text{ m}^3$ ,  $m_z = 10000 \text{ kg}$ ,  $m_p = 1000 \text{ kg}$ ,  $R_{H_2} = 4124 \text{ J/(kgK)}$ ,  
 $R_{He} = 2077 \text{ J/(kgK)}$ ,  $R_L = 287 \text{ J/(kgK)}$ ,  $p_0 = p_a(z=0) = 1 \text{ bar}$ ,  $a_0 = g = 10 \text{ m/s}^2$ ,  
 $T_0 = 293 \text{ K} = \text{konst.}$

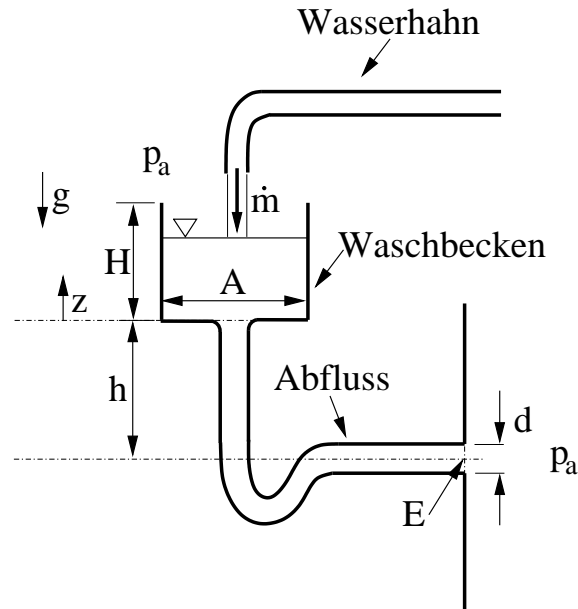
- Bestimmen Sie die Haltekraft für beide Füllgase, mit welcher der Zeppelin vor dem Start am Boden festgehalten werden muss.
- Geben Sie den Wert der Dichte des Füllgases an, bei dem die maximal zulässige Beschleunigung  $a_0$  gerade erreicht wird.
- Berechnen Sie die Anfangsbeschleunigung  $a$  für beide Füllgase. Welches der beiden Füllgase, Wasserstoff oder Helium, erfüllt die Bedingung  $a \leq a_0$ ?
- Bestimmen Sie für beide Füllgase die maximale Steighöhe des Zeppelins in einer isothermen Atmosphäre.

### Hinweise:

- Die Masse des Füllgases ist in den Rechnungen zu berücksichtigen.
- Der Zeppelin wird am Boden ( $z = 0$ ) unter Umgebungsbedingungen befüllt.

## 2. Aufgabe (13 Punkte)

Wasser fließt durch einen Wasserhahn.



Gegeben:  $\dot{m}$ ,  $\rho$ ,  $A$ ,  $\zeta_v$ ,  $h$ ,  $g$ ,  $H$ ,  $d$ ,  $A \gg d^2$

- Bestimmen Sie die Ausflussgeschwindigkeit im Querschnitt E in Abhängigkeit von der Füllhöhe  $z > 0$ . Nehmen Sie eine verlustfreie Strömung an.
- Wie groß darf der Gesamtwiderstandsbeiwert von Krümmer und Abflussrohr maximal sein, damit das Wasser das Waschbecken höchstens bis zur Hälfte füllt?

Durch Ablagerungen wird das Rohr teilweise versperrt.

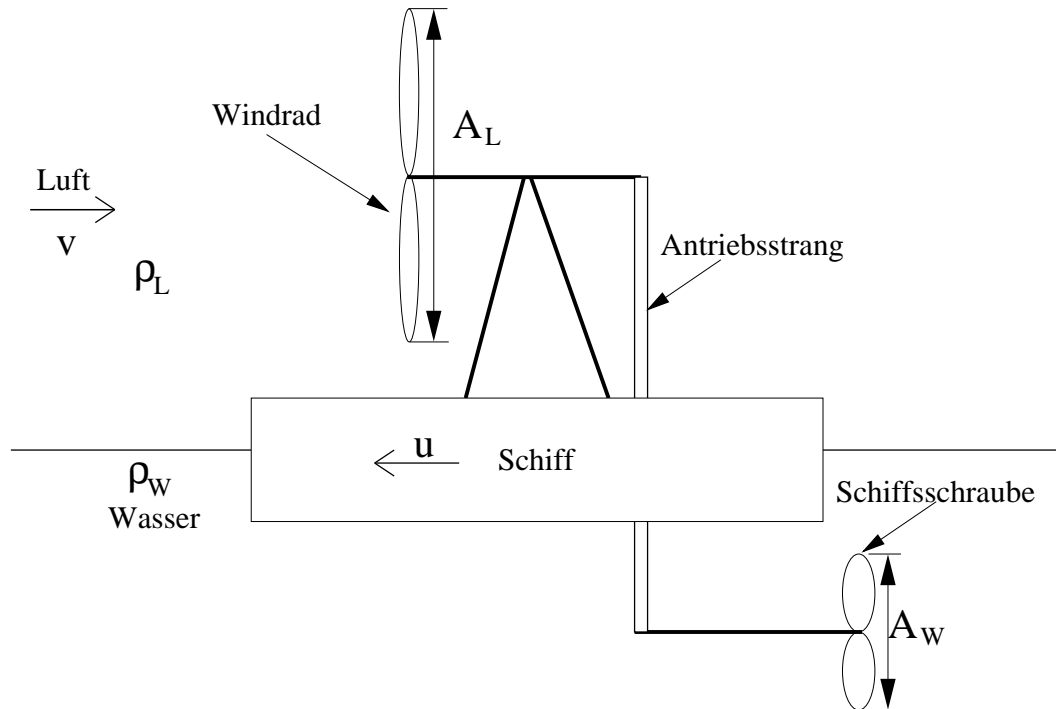
- Der zusätzliche Verlust beträgt  $\zeta_v$ . Wie groß darf der Massenstrom  $\dot{m}$  jetzt noch sein, ohne dass das Waschbecken überläuft?

Das Waschbecken aus b) wird mit einem Stopfen verschlossen und bis zum Rand (Höhe  $H$ ) gefüllt. Anschließend wird der Stopfen herausgezogen.

- Wie lange dauert es, bis das Waschbecken unter der Annahme einer quasistationären Strömung leergelaufen ist?

### 3. Aufgabe (14 Punkte)

Ein Gegenwindschiff bewegt sich mit der Geschwindigkeit  $u$  durch ruhendes Gewässer. Der Wind bläst mit der Geschwindigkeit  $v$  von vorn. Auf dem Deck des Schiffes ist ein Windrad montiert, das eine Schiffsschraube antreibt.



Gegeben:  $\rho_L$ ,  $A_L$ ,  $\rho_W$ ,  $A_W$ ,  $u$ ,  $v$

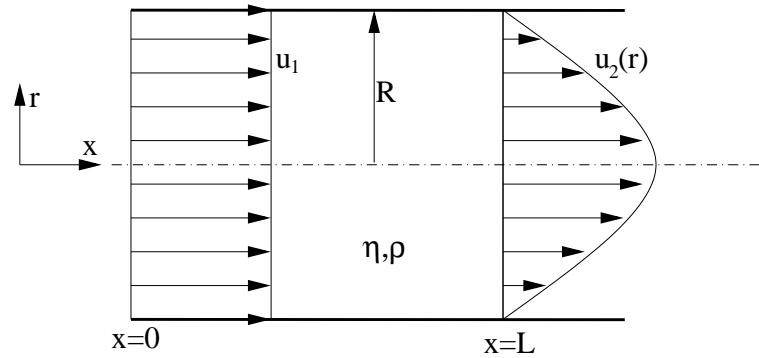
- Bestimmen Sie die Widerstandskraft, die das Windrad erfährt, für den Fall, dass die erzeugte Leistung maximal wird.
- Wie schnell bewegt sich das Schiff maximal?

Hinweise:

- Mechanische Verluste bei der Kraftübertragung sind zu vernachlässigen.
- Nehmen Sie an, dass der Schiffskörper die Strömung nicht stört und keinen Widerstand erfährt.

#### 4. Aufgabe

Durch ein Rohr (Radius  $R$ ) strömt ein Newtonsches Fluid (Dichte  $\rho$ , Zähigkeit  $\eta$ ). An der Stelle  $x = 0$  ist das Geschwindigkeitsprofil rechteckig. Ab der Stelle  $x = L$  soll die Strömung laminar und voll ausgebildet sein.

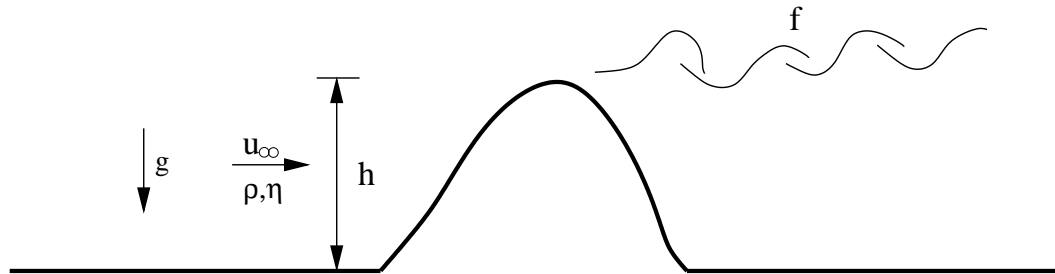


Gegeben:  $R, \rho, \eta, u_1, L, C > 1$

- Bestimmen Sie die Geschwindigkeitsverteilung  $u_2(r)$ .
- Wie groß ist der Druckverlust  $\Delta p$  zwischen  $x = 0$  und  $x = L$  unter der Annahme, dass sich die Schubspannung an der Wand linear mit der Koordinate  $x$  ändert und  $\tau_w(x = 0) = C \cdot \tau_w(x = L)$  ist.

5. Aufgabe (11 Punkte)

Ein alleinstehender Hügel (Höhe  $h$ ) wird mit der Geschwindigkeit  $u_\infty$  angeströmt. An der Kuppe löst eine Wirbelschlepe der Frequenz  $f$  ab.

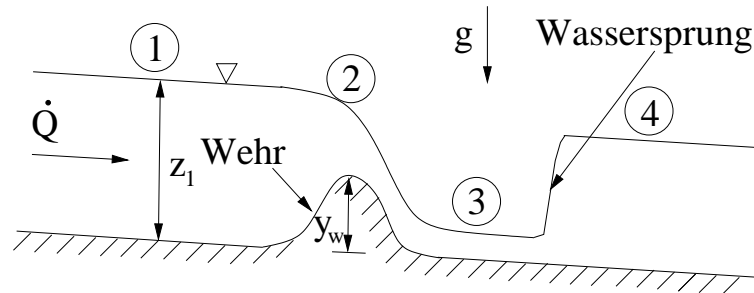


Gegeben: Alle nötigen Referenzgrößen.

- Wieviele Kennzahlen beschreiben das Problem?
- Bestimmen Sie mit der Dimensionsanalyse ( $\pi$ -Theorem) die Kennzahlen dieses Problems.
- Führen Sie die gefundenen Kennzahlen auf Ihnen bekannte Ähnlichkeitsparameter der Strömungsmechanik zurück.

6. Aufgabe (14 Punkte)

Wasser (Volumenstrom  $\dot{Q}$ ) strömt in einem sehr schwach geneigten Gerinne der Breite  $B$  über ein Wehr. Hinter dem Wehr bildet sich ein Wassersprung aus.



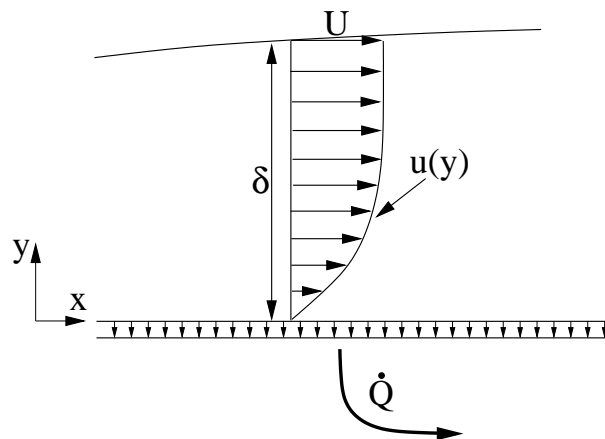
Gegeben:  $\dot{Q}$ ,  $B$ ,  $g$ ,  $z_1$

- Leiten Sie den Zusammenhang zwischen der dimensionslosen Energiehöhe  $H/H_{min}$  und der dimensionslosen Spiegelhöhe  $z/z_{gr}$  her und skizzieren Sie deren Verlauf.
- Tragen Sie qualitativ alle Zustandsänderungen der abgebildeten Gerinneströmung in Ihre Skizze aus a) ein.
- Berechnen Sie die Froude Zahl  $Fr_3$ , die Spiegelhöhe  $z_3$ , die Energiehöhe  $H_3$  sowie die Höhe des Wehres  $y_w$ .
- Wie groß ist die Differenz der Energiehöhen  $H_3 - H_4$  über den Wassersprung?

### 7. Aufgabe (11 Punkte)

An einer längsangeströmten Platte (Breite  $B$ ) bildet sich eine laminare, inkompressible Grenzschicht aus. Dabei wird durch gleichmässig in der Platte verteilte Bohrungen mit konstanter Geschwindigkeit über der Länge  $L$  der Volumenstrom  $\dot{Q}$  abgesaugt (Absaugebeiwert  $c_Q = \dot{Q}/(UBL)$ ). Für das Tangentialgeschwindigkeitsprofil gilt der Polynom-Ansatz:

$$\frac{u(y)}{U} = a_0 + a_1 \left(\frac{y}{\delta}\right) + a_2 \left(\frac{y}{\delta}\right)^2 + a_3 \left(\frac{y}{\delta}\right)^3.$$



Gegeben:  $\rho, \eta, \delta, U, L, B, c_Q$

- a) Bestimmen Sie für diese Grenzschichtströmung die Koeffizienten  $a_0, a_1, a_2$  und  $a_3$  des Geschwindigkeitsprofils.

Durch einen technischen Defekt fällt die Absauganlage aus.

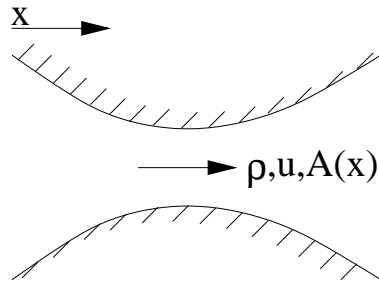
- b) Geben Sie formelmässig an, wie sich die Grenzschichtdicke  $\delta_{99}$  mit der Lauflänge ändert.
- c) Skizzieren Sie für eine laminare Grenzschicht den Verlauf des lokalen Reibungsbeiwertes  $c_f$  in Abhängigkeit von der Lauflänge.
- d) Wie groß ist die kritische Reynolds Zahl für die inkompressible Grenzschichtströmung entlang einer längsangeströmten Platte? Von welchen Größen wird die kritische Reynolds Zahl beeinflusst?

Hinweis:

Die Impulsgleichung in  $x$ -Richtung lautet nach der Grenzschichttheorie:

$$u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\eta}{\rho} \frac{\partial^2 u}{\partial y^2}.$$

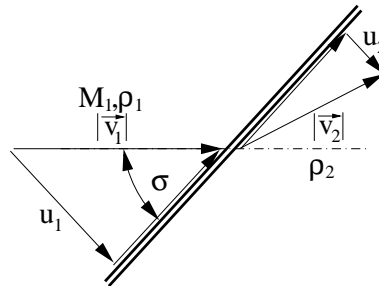
8. Aufgabe (12 Punkte)



a) Leiten Sie den in kompressiblen Strömungen existierenden Zusammenhang

$$\frac{du}{u} = -\frac{dA}{A} \frac{1}{1 - M^2}$$

zwischen der Geschwindigkeit  $u$ , der Fläche  $A$  und der Mach Zahl  $M$  her. Diskutieren Sie für einen konvergent-divergenten Kanal, wie sich eine Flächenänderung  $dA$  auf die Strömungsgeschwindigkeit  $u$  in Abhängigkeit der Mach Zahl  $M$  auswirkt.



b) Bestimmen Sie das Verhältnis der Dichten  $\frac{\rho_2}{\rho_1}$  über einen schrägen Verdichtungsstoß in Abhängigkeit der Größen  $\sigma$  und  $M_1$ .

Hinweise:

- Isentropenbeziehung:  $\frac{p}{\rho^\gamma} = \text{konst.}$
- Prandtl Beziehung:  $u_1 u_2 = c^{*2}$
- $Mn_1^{*2} = \left(\frac{u_1}{c^*}\right)^2 = \frac{\gamma+1}{\gamma-1 + \frac{2}{Mn_1^2}}$  mit  $Mn_1 = \frac{u_1}{c_1}$